

## BAB IV

### KESIMPULAN

Berdasarkan pembahasan yang telah diuraikan sebelumnya dapat diambil kesimpulan

1. Suatu topologi  $M$  dikatakan manifold topologi berdimensi  $n$  jika  $M$  memenuhi sifat-sifat yaitu  $M$  suatu ruang Hausdorff, *second countable*, dan Euklidis berdimensi  $n$  secara lokal. Ruang  $\mathbb{R}P^3$  merupakan manifold topologi berdimensi 3 karena memenuhi sifat-sifat tersebut.
2. Suatu manifold *smooth* adalah pasangan  $(M, \mathcal{A})$  dimana  $M$  adalah suatu manifold topologi dan  $\mathcal{A}$  adalah struktur *smooth* di  $M$ . Pasangan  $(\mathbb{R}P^3, \mathcal{A})$  merupakan manifold *smooth* berdimensi 3 karena  $\mathbb{R}P^3$  adalah manifold topologi berdimensi 3 dan terdapat suatu maksimal atlas *smooth*  $\mathcal{A} = \{(U_i, \varphi_i)\}$  untuk  $i = 1, 2, 3, 4$  yang menyebabkan terdapat struktur *smooth*.
3. Suatu manifold kompleks  $\mathcal{X}$  berdimensi  $n$  adalah suatu *smooth manifold*  $\mathcal{M}$  berdimensi  $2n$  yang dilengkapi dengan suatu kelas ekuivalen dari atlas holomorfik.
4. Ruang proyektif kompleks ( $\mathbb{C}P$ ) adalah suatu manifold kompleks berdimensi 1. Hal ini dikarenakan  $\mathbb{C}P$  adalah manifold *smooth* berdimensi 2 dan terdapat suatu atlas holomorfik  $A = \{(U_k, \varphi_k)\}$  untuk  $k = 1, 2$ .