

## BAB IV

### KESIMPULAN

Berdasarkan pembahasan tentang sifat grup hingga dengan menggunakan Teorema Lagrange dan teorema-teorema yang terkait pada bab sebelumnya, maka disimpulkan bahwa :

1. Jika suatu grup memiliki orde grup berhingga, maka subgrup dari grup hingga tersebut juga memiliki orde yang berhingga.
2. Jika  $H$  subgrup dari grup  $G$ , maka orde dari subgrup  $H$  habis membagi orde dari grup  $G$ .
3. Jika  $H$  dan  $K$  merupakan subgrup hingga dari grup  $G$ , maka :

$$\circ(HK) = \frac{\circ(H) \cdot \circ(K)}{\circ(H \cap K)}$$

4. Jika  $G$  adalah grup siklik yang memiliki orde  $n$  dan  $n$  habis membagi  $m$ , maka akan terdapat subgrup dari  $G$  yang memiliki orde  $m$  yang tunggal.
5. Jika  $G$  adalah grup siklik hingga berorde  $n$ , maka banyaknya subgrup dari  $G$  adalah jumlah banyaknya pembagi yang habis membagi  $n$ .
6. Jika  $G$  adalah grup hingga yang memiliki orde  $p$ , dimana  $p$  adalah bilangan prima, maka  $G$  adalah grup siklik dan setiap elemen di  $G$ , selain elemen identitas dapat diambil sebagai elemen pembangkit di  $G$ .

7. Jika  $G$  adalah grup hingga yang memiliki orde  $n$ , dimana  $n$  adalah bilangan komposit, maka  $G$  akan memiliki paling sedikit satu subgrup dari  $G$  yang bukan merupakan subgrup trivial ( $\{e\}$  dan  $G$ ).

